

ΘΕΜΑ 2

Η έλλειψη του παρακάτω σχήματος έχει εστίες τα σημεία $E'(-2, 0)$ και $E(2, 0)$ και μήκος μεγάλου άξονα $(A'A) = 8$.

α) Να αποδείξετε ότι η έλλειψη έχει εξίσωση $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{12} = 1$. (Μονάδες 12)

β) Έστω Σ και P τα σημεία της έλλειψης που έχουν την ίδια τετμημένη με την εστία $E(2, 0)$.

Επίσης το Σ έχει θετική τεταγμένη και το P αρνητική τεταγμένη.

i. Να αποδείξετε ότι $\Sigma(2, 3)$ και $P(2, -3)$. (Μονάδες 8)

ii. Να βρείτε το μήκος του τμήματος ΣP . (Μονάδες 5)

