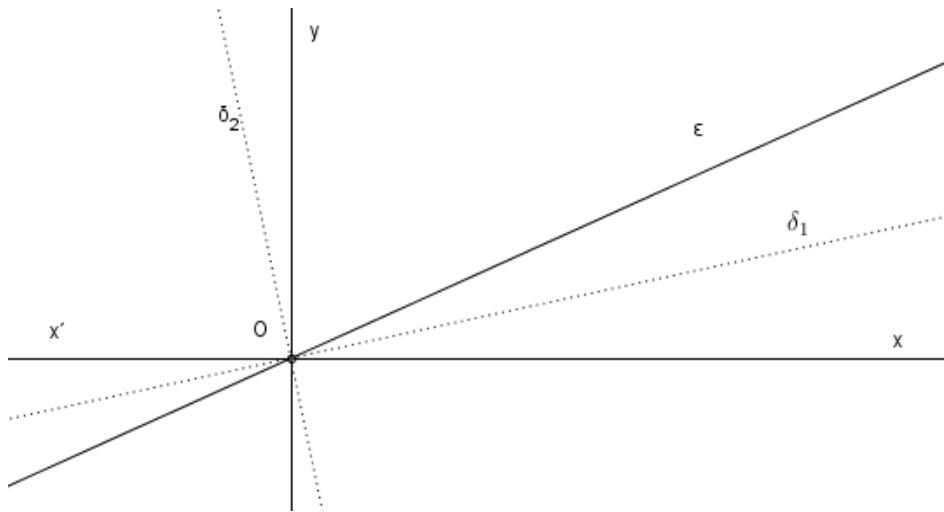


ΘΕΜΑ 4

Θεωρούμε μία ευθεία $\varepsilon: y = \lambda x$ με θετική κλίση λ .



α) Αν δ_1 είναι η διχοτόμος της οξείας γωνίας που σχηματίζει η ευθεία ε με τον $x'x$ άξονα, τότε να αποδείξετε ότι η εξίσωση της διχοτόμου δ_1 είναι:

$$y = \lambda_1 x \quad \text{με} \quad \lambda_1 = \frac{\lambda}{1 + \sqrt{1 + \lambda^2}}.$$

(Μονάδες 12)

β) Αν δ_2 είναι η διχοτόμος της αμβλείας γωνίας που σχηματίζει η ευθεία ε με τον $x'x$ άξονα, τότε να αποδείξετε ότι η εξίσωση της διχοτόμου δ_2 είναι:

$$y = \lambda_2 x \quad \text{με} \quad \lambda_2 = \frac{\lambda}{1 - \sqrt{1 + \lambda^2}}.$$

(Μονάδες 7)

γ) Αν $\lambda = 1$, να εφαρμόσετε τους τύπους του α) ερωτήματος για να αποδείξετε ότι:

$$\varepsilon\varphi 22,5^\circ = \sqrt{2} - 1.$$

(Μονάδες 6)