

ΘΕΜΑ 4

Η ευθεία ε με εξίσωση $x + y - 1 = 0$ του παρακάτω σχήματος, αναπαριστά τη γραμμή ενός σιδηροδρομικού δικτύου που εξυπηρετεί τους κατοίκους δύο πόλεων $A(8,1)$, $B(-7,4)$ (για την ακρίβεια A , B είναι τα κεντρικά σημεία των πόλεων από τα οποία μετράμε αποστάσεις). Για το λόγο αυτό θα κατασκευαστεί κατά μήκος της γραμμής (ε), ένας σταθμός σε ένα σημείο Σ και μία πεζογέφυρα σε ένα σημείο Π . Να βρείτε :

α) ποια πόλη από τις A , B είναι πλησιέστερα στη γραμμή του τραίνου.

(Μονάδες 6)

β) τις συντεταγμένες του Π , αν είναι γνωστό ότι θα κατασκευαστεί στο πλησιέστερο σημείο της γραμμής στην πόλη B .

(Μονάδες 7)

γ) τις συντεταγμένες του Σ στις παρακάτω περιπτώσεις

i. ο σταθμός Σ να ισαπέχει από τις πόλεις A , B .

(Μονάδες 6)

ii. το οδικό δίκτυο που θα συνδέει το σταθμό Σ με τις πόλεις A , B να έχει το μικρότερο δυνατό μήκος.

(Μονάδες 6)

