

#### ΘΕΜΑ 4

Με συρματοπλέγμα μήκους 20 m θέλουμε να περιφράξουμε οικόπεδο σχήματος ορθογωνίου με διαστάσεις  $x$  και  $y$ , όπως φαίνεται στο παρακάτω σχήμα.

α) Να εκφράσετε την πλευρά  $y$  ως συνάρτηση της πλευράς  $x$  και να βρείτε τις δυνατές τιμές της πλευράς  $x$ .

(Μονάδες 7)

β) Να αποδείξετε ότι το εμβαδόν  $E(x)$  του ορθογωνίου ως συνάρτηση του  $x$  δίνεται από τη συνάρτηση  $E(x) = -(x-5)^2 + 25$  και να βρείτε το πεδίο ορισμού της στο πλαίσιο του προβλήματος.

(Μονάδες 7)

γ) Παρακάτω δίνεται η γραφική παράσταση της συνάρτησης  $g(x) = -x^2$ . Μετατοπίζοντάς τη κατάλληλα, να σχεδιάσετε τη γραφική παράσταση της συνάρτησης  $E(x)$  και με βάση αυτή, να βρείτε το  $x$  έτσι ώστε το εμβαδόν  $E(x)$  του ορθογωνίου να γίνεται μέγιστο.

(Μονάδες 7)

δ) Για την τιμή του  $x$  που βρήκατε στο ερώτημα γ), να βρείτε την πλευρά  $y$  και να προσδιορίσετε το είδος του ορθογωνίου.

(Μονάδες 4)

